



UvA-DARE (Digital Academic Repository)

Een gewichtig model

Heck, A.

Publication date
2008

Published in
Signaal: science & wiskunde

[Link to publication](#)

Citation for published version (APA):

Heck, A. (2008). Een gewichtig model. *Signaal: science & wiskunde*, (29), 22-23.
<http://www.cma.science.uva.nl/Signaal/signaal29/een%20gewichtig%20model.pdf>

General rights

It is not permitted to download or to forward/distribute the text or part of it without the consent of the author(s) and/or copyright holder(s), other than for strictly personal, individual use, unless the work is under an open content license (like Creative Commons).

Disclaimer/Complaints regulations

If you believe that digital publication of certain material infringes any of your rights or (privacy) interests, please let the Library know, stating your reasons. In case of a legitimate complaint, the Library will make the material inaccessible and/or remove it from the website. Please Ask the Library: <https://uba.uva.nl/en/contact>, or a letter to: Library of the University of Amsterdam, Secretariat, Singel 425, 1012 WP Amsterdam, The Netherlands. You will be contacted as soon as possible.

Een gewichtig model

In de CWI vakantiecursus 'Wiskunde en Gezondheid' wordt in het artikel 'Gewichtige wiskunde in de klas' uitgebreid ingegaan op modellen voor gemiddelde lengtegroei van Nederlandse jongens en meisjes. In het volgende artikel worden gegevens over gewichtstoename geanalyseerd.

In dit artikel leggen we uit hoe je een analyse met Coach kunt doen aan het gewicht van Nederlandse jongens en meisjes in de tienerleeftijd. In de bijgevoegde schermafdruck zie je linksboven het gewicht van Nederlandse jongens tegen de leeftijd uitgezet. In hetzelfde kwadrant is ook de grafiek van de groeisnelheid en die van het wiskundige model getekend. Er is gekozen voor het logistische groei-model en in Coach 6 kun je hiervoor functiefit gebruiken. Je ziet heel duidelijk dat de groeisnelheid in de eerste levensjaren snel afneemt, tijdens de kinderperiode tot de puberteit lineair toeneemt en dat er tijdens de puberteit een groeispuurt plaatsvindt met pieksnelheid rondom het 14e levensjaar. Het model lijkt op het zicht heel goed te kloppen voor wat de tienerperiode betreft. We bekijken voor jongens de periode van 10 tot 19 jaar. We passen de formule van de S-kromme voor gewicht G toe. (In de tienerperiode wordt de gemiddelde lengtegroei wiskundig goed beschreven door zo'n S-kromme). Deze is gelijk aan

$$G = \frac{p}{1 + e^{r-qt}} + s,$$

waarbij G het gewicht op leeftijd t is en p, q, r, s groeiparameters zijn met de volgende interpretaties: p is de gewichtstoename en $p + s$ is het

eindgewicht in de gegeven periode, r/q is de leeftijd waarop de groeisnelheid het grootst is en dan is de gewichtstoename halverwege en de groeisnelheid gelijk aan $pr/4$. Deze formule hoort bij de volgende differentiaalvergelijking

$$G' = \frac{q}{r}(G - s)(p + s - G).$$

Dit betekent dat als je de verandering in gewicht, d.w.z. de groeisnelheid, uitzet tegen het gewicht zelf, dat dan de punten op een parabool moeten liggen. Rechtsboven is de best bijpassende parabool te zien met als formule (bij benadering en in ontbonden vorm opgeschreven m.b.v. de abc-formule)

$$G' = -0,01022(G - 27,0)(G - 75,4)$$

Kortom: $s = 27,0$ en $p = 48,4$. Maar hoe nu verder met de bepaling van de groeiparameters q en r ? De zogenaamde Fisher-Pry transformatie biedt uitkomst. Deze is gedefinieerd als

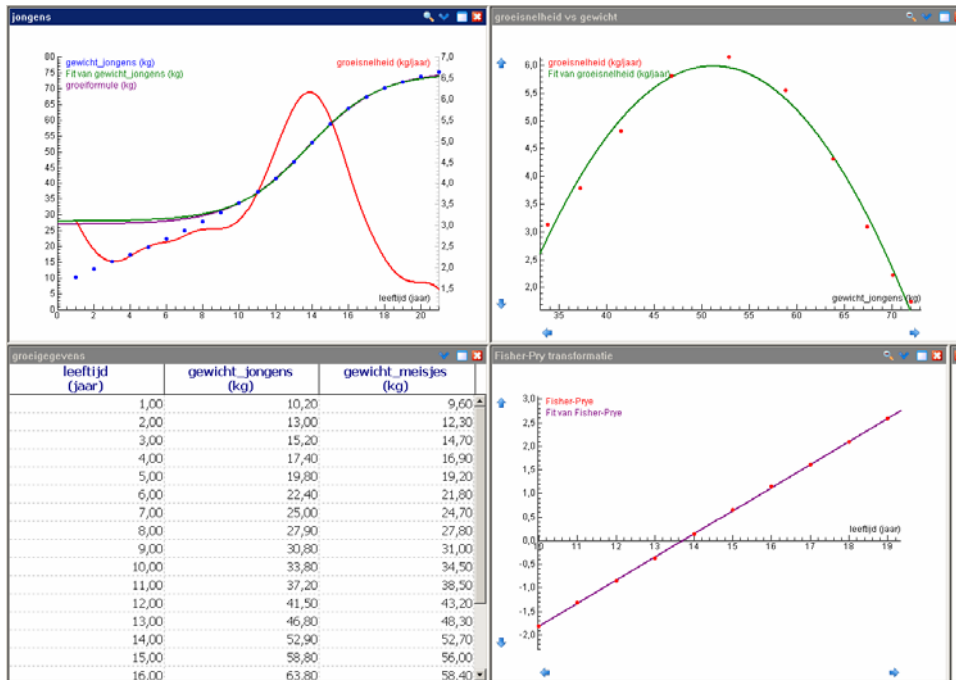
$$\ln\left(\frac{F}{1-F}\right),$$

met

$$F = \frac{G - s}{p}.$$

Er geldt nu een lineair verband:

$$\ln\left(\frac{F}{1-F}\right) = qt - r$$



Dit is ook precies de basisgedachte achter de Fisher-Pry transformatie: als het sigmoïdale groei-model goed functioneert, dan moet er een lineair verband herkenbaar zijn. De parameters q en r zijn met lineaire regressie eenvoudig te bepalen. Rechtsonder in de schermafbeelding is het lineaire verband goed zichtbaar. Er geldt $q = 0,490$ en $r = 6,718$. Dit impliceert een piek in de groeisprint bij de leeftijd van pakweg 13 jaar en 8 maanden. Dit is een jaar na de piek in de groeisprint wat lengte betreft. Gevonden waarden komen aardig overeen met de parameters in de functiefit.

Voor meisjes in de leeftijd van 9 tot 18 jaar kun je hetzelfde doen. Je zult dan vinden

$$G_{\text{meisjes}} = \frac{40,1}{1 + e^{5,809 - 0,486t}} + 23,2$$

Dit impliceert een piek in de groeisprint bij de leeftijd van ongeveer 11 jaar en 11 maanden. Dit is een jaar en vijf maanden na de piek in de groeisprint wat lengte betreft. Uit de medische literatuur is bekend dat deze piek later is dan bij lengtegroei, maar het verschil is in werkelijkheid maar een paar maanden. Een biologisch groei-model voor gewicht naar leeftijd in de periode van 3 tot 18 jaar dat samengesteld is uit twee logistische krommen zou overigens een resultaat opleveren dat meer in overeenstemming is met de werkelijkheid. In ons model treedt de piek in de groeisnelheid eerder op bij meisjes dan bij jongens. Dit heeft te maken met het feit dat meisjes eerder in de puberteit geraken dan jongens.

André Heck, AMSTEL Instituut
<heck@science.uva.nl>.

Bovenstaand artikel is ingekort. Het volledige artikel is te lezen op <http://www.science.uva.nl/~heck/Research/groei/groeimodel.pdf>

Bijpassende Coach 6 bestanden zijn:

http://www.science.uva.nl/~heck/Research/groei/groeimodel_jongens.cma

http://www.science.uva.nl/~heck/Research/groei/groeimodel_meisjes.cma